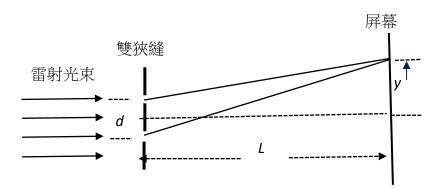
#### 106 學年度指定科目考試物理考科非選擇題參考答案

物理考科的非選擇題的評量重點為考生是否能夠清楚表達推理過程,故答題時應將解題過程說明清楚。解題的方式有很多種,但考生用以解題的觀點必須符合題目所設定的情境。若考生表述的概念內容正確,解題所用的相關公式也正確,且得到正確答案,方可得到滿分。若考生的觀念正確,也用對相關公式,但計算錯誤,可獲得部分分數。本公告謹提供各大題參考答案以供各界參考。詳細評分原則說明,請參見本中心將於8月15日出刊的《選才電子報》。

106 學年度指定科目考試物理考科非各大題的參考答案說明如下:

## 第一題

第1小題(a)



第1小顯(b)

雙狹縫干涉兩相鄰暗紋(或兩相鄰亮紋)之間距  $\Delta y = \frac{L\lambda}{d}$ ,故  $\lambda = \frac{d \cdot \Delta y}{L}$ 。

第2小題

## 方法一:

單狹縫繞射兩相鄰非中央亮帶暗紋之間距 $\Delta y = \frac{L\lambda}{a}$ ,故 $a = \frac{L\lambda}{\Delta y}$ 。

#### 方法二:

單狹縫繞射中央亮帶的寬度 $W = 2\Delta y = 2\frac{L\lambda}{a}$ ,故 $a = 2\frac{L\lambda}{W}$ 。

# 方法三:

利用雙狹縫干涉的暗紋間距  $\Delta y$  與繞射中央亮帶的寬度 W 比較,設比值為 n ,則  $n = \frac{W}{\Delta y} = \frac{2L\lambda/a}{L\lambda/d} = \frac{2d}{a}$ ,故  $a = \frac{2d\Delta y}{W}$  。

## 第二題

第1小題

正向力 $N=mg\cos\theta$ ,故摩擦力 $f=\mu N=\mu mg\cos\theta$ 。摩擦力對物體所作的功為  $W=\bar{f}\cdot\bar{S}=-\mu mgL\cos\theta$ 。

第2小題

## 方法一:

利用能量守恆, $mgL\sin\theta + \frac{1}{2}mv_0^2 = \mu mgL\cos\theta + \mu mgd$ ,可解得 $d = \frac{v_0^2 + 2gL(\sin\theta - \mu\cos\theta)}{2g\mu} \circ$ 

# 方法二:

先求出物體滑至斜面底部速度v,速度求法有以下兩種。

1.

利用運動學求出物體滑至斜面底部速度v,物體在斜面上的加速度可由牛頓第二運動定律 $mg\sin\theta-mg\mu\cos\theta=ma$ 求得 $a=g\sin\theta-g\mu\cos\theta$ ,由 $v^2=v_0^2+2aL$ ,可

得
$$v = \sqrt{v_0^2 + 2gL(\sin\theta - \mu\cos\theta)}$$
 。

2.

利用能量守恆求出物體滑至斜面底部速度 v ,

$$\frac{1}{2}mv_0^2 + mgL\sin\theta - \mu mgL\cos\theta = \frac{1}{2}mv^2 \ , \ \Box 得v = \sqrt{v_0^2 + 2gL(\sin\theta - \mu\cos\theta)} \ ,$$

所以 
$$d = \frac{v^2}{2a} = \frac{v_0^2 + 2gL(\sin\theta - \mu\cos\theta)}{2g\mu}$$
 。此外, $d$  亦可由能量守恆  $\frac{1}{2}mv^2 = \mu mgd$  求 出  $d = \frac{v^2}{2g\mu} = \frac{v_0^2 + 2gL(\sin\theta - \mu\cos\theta)}{2g\mu}$  。

# 方法三:

先求出第3小題物體抵達水平地面開始滑行到停止下來所花的時間

$$t = \frac{\sqrt{v_0^2 + 2gL(\sin\theta - \mu\cos\theta)}}{g\mu}$$
 及物體滑至斜面底部速度

$$v = \sqrt{v_0^2 + 2gL(\sin\theta - \mu\cos\theta)}$$
, 速度求法有兩種。

1.

利用運動學求出物體滑至斜面底部速度v,物體在斜面上的加速度可由牛頓第二運動定律 $mg\sin\theta-mg\mu\cos\theta=ma$ 求得 $a=g\sin\theta-g\mu\cos\theta$ ,由 $v^2=v_0^2+2aL$ ,可

得
$$v = \sqrt{v_0^2 + 2gL(\sin\theta - \mu\cos\theta)}$$
。

2.

利用能量守恆求出物體滑至斜面底部速度v,

$$\frac{1}{2}mv_0^2 + mgL\sin\theta - \mu mgL\cos\theta = \frac{1}{2}mv^2 \ , \ \Box 得v = \sqrt{v_0^2 + 2gL(\sin\theta - \mu\cos\theta)} \ ,$$

由速度
$$v$$
及時間 $t$ ,可得 $d = \frac{1}{2}vt = \frac{v_0^2 + 2gL(\sin\theta - \mu\cos\theta)}{2g\mu}$ 。

此外,由 $\mu mg = ma$ 可得水平滑行時摩擦力引起之等減速度 $a = g\mu$ ,亦可得

$$d = \frac{1}{2}at^2 = \frac{v_0^2 + 2gL(\sin\theta - \mu\cos\theta)}{2g\mu} \circ$$

第3小題

#### 方法一:

不求出物體滑至斜面底部速度。由  $\mu mg = ma$ ,可得等減速度  $a = g\mu$ 。由  $d = \frac{1}{2}at^2$ ,

可得
$$t = \sqrt{\frac{2d}{a}} = \frac{\sqrt{v_0^2 + 2gL(\sin\theta - \mu\cos\theta)}}{g\mu}$$
。

#### 方法二:

利用能量守恆求出物體滑至斜面底部速度 v ,

$$\frac{1}{2}mv_0^2 + mgL\sin\theta - \mu mgL\cos\theta = \frac{1}{2}mv^2 \ , \ \Box 得v = \sqrt{v_0^2 + 2gL(\sin\theta - \mu\cos\theta)} \ ,$$

再由水平地面滑行時之等減速度  $a = g\mu$ ,可得  $t = \frac{v}{a} = \frac{\sqrt{v_0^2 + 2gL(\sin\theta - \mu\cos\theta)}}{g\mu}$ 。

#### 方法三:

利用運動學求出物體滑至斜面底部速度v,物體在斜面上的加速度可由牛頓第二運動定律 $mg\sin\theta - mg\mu\cos\theta = ma'$ 求得 $a' = g\sin\theta - g\mu\cos\theta$ ,假設在斜面上滑行時間為t,則滑至斜面底部速度 $v = v_0 + (g\sin\theta - g\mu\cos\theta)t$ 。在斜面上滑行距離為

$$L = \frac{v + v_0}{2}t = \frac{t}{2} \left[ 2v_0 + t(g\sin\theta - g\mu\cos\theta) \right] , 可解得$$

$$t = \frac{-v_0 + \sqrt{v_0^2 + 2L(g\sin\theta - g\mu\cos\theta)}}{g\sin\theta - g\mu\cos\theta}$$
,故滑至斜面底部速度

 $v = v_0 + (g \sin \theta - g \mu \cos \theta)t = \sqrt{v_0^2 + 2gL(\sin \theta - \mu \cos \theta)}$  ,再由水平地面滑行時之等

減速度 
$$a=g\mu$$
,可得  $t'=\frac{v}{a}=\frac{\sqrt{v_0^2+2gL(\sin\theta-\mu\cos\theta)}}{g\mu}$ 。